

Die Eigenzustände (7.161) genügen offenbar den gekoppelten Differentialgleichungen

$$i \frac{d}{dt} \begin{pmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} m_1^2/(2k) & 0 \\ 0 & m_2^2/(2k) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \end{pmatrix} . \quad (7.184)$$

Durch die unitäre Transformation

$$U = \begin{pmatrix} \cos \Theta & \sin \Theta \\ -\sin \Theta & \cos \Theta \end{pmatrix} \quad (7.185)$$

wird daraus die Bewegungsgleichung für die *flavor*-Eigenzustände gewonnen,

$$\begin{aligned} i \frac{d}{dt} \begin{pmatrix} \nu_e \\ \nu_\mu \end{pmatrix} &= U \begin{pmatrix} m_1^2/(2k) & 0 \\ 0 & m_2^2/(2k) \end{pmatrix} U^\dagger \begin{pmatrix} \nu_e \\ \nu_\mu \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} A & B \\ B & C \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \nu_e \\ \nu_\mu \end{pmatrix} \end{aligned} \quad (7.186)$$

mit

$$\begin{aligned} 2kA &= m_1^2 \cos^2 \Theta + m_2^2 \sin^2 \Theta \\ 4kB &= \delta m^2 \sin 2\Theta \\ 2kC &= m_1^2 \sin^2 \Theta + m_2^2 \cos^2 \Theta . \end{aligned} \quad (7.187)$$